# YÜZEY AKUSTİK DALGA TEMELLİ PİEZOELEKTRİK KÜTLE ÖLÇÜM SENSÖRÜNÜN MODAL ANALİZİ

Ufuk Tan Baler<sup>1</sup>, A. Fethi Okyar<sup>1</sup>, B. Emek Abali<sup>2</sup>

 <sup>1</sup>Yeditepe Üniversitesi, Mühendislik Fakültesi, Ataşehir, İstanbul, Türkiye e-posta: ufuktan@utblr.xyz
 <sup>2</sup>Uppsala University, Department of Materials Science and Engineering, Applied Mechanics e-posta: b.emek.abali@angstrom.uu.se

### ÖZET

Yüzey akustik dalgaları (YAD) kullanımının özgün uygulamalarında sıvı ve gaz ortamlarında biyolojik maddelerin ölçümü yer almaktadır. YAD sensörleri port denilen iç içe geçmiş elektrot bacaklarıyla tahrik edilir ve piezoelektrik etki sayesinde mekanik dalgalar kullanılan malzemelere göre farklı tiplerde yayılabilir. Dalga tiplerinin çalışma frekansına göre incelenmesi sistemin modal analiziyle mümkün olmaktadır. Bu çalışmada tahrik frekansında Love tipi dalga üretmesi beklenen bir sensörün açık-kaynak sonlu eleman çözüm kütüphanesi olan FEniCS ile modal analizi yapılmaktadır. 6 tane dalga kipi tahrik frekansı etrafında görülmüştür. Bunların arasında oluşması beklenen Love tipi dalgayı içeren kip tespit edilmiş, böylece sayısal analiz sonuçlarının cihaz tasarımında kullanılabilirliği gösterilmiştir.

Anahtar Kelimeler: Yüzey akustik dalgaları, modal analiz, özdeğer problemi, dinamik karakterizasyo.

# MODAL ANALYSIS OF A SURFACE ACOUSTIC WAVE BASED PIEZOELECTRIC MASS SENSING SENSOR

#### ABSTRACT

Novel applications of surface acoustic waves (SAW) include sensing of biological agents in different media. A SAW sensor is excited by inter-digital-transducer (IDT), which has nested electrode legs can generate waves via the piezoelectric effects. Depending on the selection of materials different types of waves may propagate in the sensor. Examination of the type of propagated waves in the frequency domain is made possible by modal analysis. In this study, an open-source finite element solver library called FEniCS is utilized to make a modal analysis of a sensor, which is expected to generate Love type waves. As a result of the conducted analysis, six wave modes are solved around the excitation frequency, and the eigenfrequency at which Love type wave occurs is found among these, which proves the usefulness of the computational simulation as a SAW type sensor design tool.

*Keywords:* Surface acoustic waves, modal analysis, eigenvalue problem, dynamic characterization.

# 1. GİRİŞ

Çalışmanın amacı alttaş ve dalga kılavuz katmanından oluşan bir biyosensörde oluşan dalgaların hangi frekansta ve tipte olduğunun özdeğer problemiyle bulunmasıdır. Diğer ticari lisanslı yazılımlara göre problem tanımı FEniCS kütüphanesi sayesinde daha net olmakla beraber kodun ulaşılabilir ve değiştirebilir olması açık-kaynak yazılımların değerini ortaya koymuştur. FEniCS [1] kütüphanesiyle hesaplanan dalga kiplerinin çıktığı frekansların gerçekte uygulanan tahrik frekansına yeterli düzeyde yaklaşması bu bildirinin sonuçlarında hedeflenmiştir.

Sensör üzerindeki biyoduyarlı katman ortamdaki uyumlu biyomaddeleri yakalar ve yüzeydeki kütle birikir [3[4]. Kütle birikmesi yayılan dalgaların frekansını yani hızını değiştirebilir [5] fakat biyoduyarlı katman, dalga kılavuz katmanına kıyasla çok daha ince olduğundan çalışmadaki modele dahil edilmemiştir. Frekans değişimindeki duyarlılık analizleri [6,8] bu çalışmanın kapsamı dışındadır.

Bu çalışmada Love tipi yüzey akustik dalga (YAD) ile çalışan sensörler incelenmiştir **[9]**. **Şekil** 1'de alttaş/katman bileşimini barındıran temsili hacim elemanı (THE) ve üzerinde oluşan dalga kinematiği gösterilmektedir. Love dalgasındaki deplasmanlar serbest  $x_1 - x_2$  yüzeyinde oluşur. Dolayısıyla dalga  $x_1$  yönünde ilerler. Serbest yüzeyden aşağı doğru gidildikçe dalga genliği üstel olarak azalır. Love tipi dalgaların seçilme nedeni sensörün sıvı ortamda çalışmasıdır. Yüzeydeki deplasmanların sıvı ortama enerji aktarmasının en az seviyede olması için  $x_3$ deplasmanının sıfır olması ideal durumdur ve Love tipi dalgalar bu kriteri karşılar.

Sensör üzerinde oluşan dalgalar iç içe geçmiş tarak benzeri  $\lambda$  mesafesinde kendini tekrar eder. Dolayısıyla bir tane  $\lambda$ -periyodik dalganın çözülmesi adına THE'nin  $x_1$  yönündeki uzunluğu  $\lambda$  olarak sınırlandırılmıştır.  $x_2$  yönünde de sensörün geometrisi uzun bir mesafe boyunca değişmemektedir ve o yöndeki uzunluğu kısa tutmak çözümlerin doğruluğunu azaltmayacaktır. Yapılan basitleştirme periyodik sınır koşulunun (PSK)  $x_2$  ve  $x_3$  yönlerindeki karşılıklı yüzeylerde uygulanmasını gerektirmektedir. Dalganın zamana bağlı yaratılbilmesi için ara katmana elektrotların konulması gerekmektedir ancak özdeğer probleminde zamandan bağımsız bir çözüm yapıldığı için elektrotların modellenmesine gerek yoktur. Çözümde dalga kipinin THE sınırlarının içinde ortaya çıkması beklenmektedir.

Analizlerde kullanılan programlar ön-işlem, çözüm ve arka-işlem olmak üzere üç ana kategoriye ayrılmaktadır. Gmsh **[10]** ön-işlemde ağ oluşturulması için kullanılan programlardır. Çözüm kısmında sonlu eleman analizi için açık kaynak kodu ile yazılmış FEniCS kütüphanesi kullanılmaktadır. Arka-işlemde elde edilen nümerik sonuçların işlenmesinde Paraview'a **[11]** başvurulmaktadır.

# 2. YÖNTEM

THE ağı Betik 1 tarafından gmsh ile oluşturulmaktadır. Dört adet parametre betiğin başında belirlenir. Bunlar lambda, g\_h, s\_h ve m\_h sırasıyla  $\lambda$ , kılavuz katman kalınlığı, alttaş katman kalınlığı ve THE'nin derinlik yönündeki uzunluğudur.



**Şekil 1.** Alttaş ve katmandan oluşan kütle ölçüm sensörünün THE görüntüsü (sol), Love dalga kinematiği (sağ)

// le lambo c h =	eng ia = 2	th = 1.	: 10 61	mι 4; 72	1m : 2.3	1	99	91	99	99	9	9	8 :									
s_h = m_h =	= 7 = 2	00;	;																			
Point	: (	11	)	=	{	0	, 0	, (	0 }	;	~		•									
Point	. (	13	)	=	1	1	am am	bd	da da	L,	m	<u>_</u>	h,	0	}	;						
Point	. (	14	)	=	{	0	<b>,</b> m	_1	h,	0	}	;										
Point	: (	21	)	=	{	0	, 0	<i>,</i> :	s	h	}	;		,	,							
Point	: ( : (	22	)	_	1	1,	am am	bd	aa da	L,	m	<b>′</b>	s h,	_n . s	}	; h	};					
Point	: (	24	)	=	{	0	<b>,</b> m	_1	h,	s	_	h	};		-							
Point	: (	31	)	=	{	0	,0	,:	s_	h		+	ç	y_	h	}.	;					
Point	: ( - (	32	)	_	1	1.	am am	ba	aa da	١,	U m	<b>'</b>	s h.			+ h	9	ſ	n) a	; h	1 :	
Point	: (	34	)	=	{	0	, m	_1	h,	s	_	h		ł	g	_1	n }	;	a_		. ,	
Line	(1	1)	=	ł	[1	1	,	1:	2 }	;												
Line	(1	2)	=	ł	2	1	,	22	2} 21	<i>;</i>												
Line	(1	5)	=	ł	[1	3	,	1	4 }	;												
Line	(1	6)	=	ł	[2	3	,	2	4 }	;												
Line	(1	7)	=	ł	[3	3	,	3,	4 }	;												
Line	(2	1)	=	ł	[1	1	,	1	4 }	;												
Line	(2	2)	=	+	[2	1	,	2	4 }	;												
Line	(2	3) 5)	=	1	13	1 2	'	34	4} २ )	<i>.</i>												
Line	(2	5) 6)	_	1	1± [2	2		2	31	;												
Line	(2	7)	=	ł	3	2	,	3	3 }	;												
Line	(3	1)	=	ł	[1	1	,	2:	1}	;												
Line	(3	2)	=	ł	[2	1	,	3:	1}	;												
Line	(3	4)	_	1	11	2	'	22	2} 21	<i>.</i>												
Line	(3	7)	_	1	[ 2	2		2	2 ) 3 }	;												
Line	(3	8)	=	ł	2	3	,	3	3 }	;												
Line	(3	10	)	=	{	1	4,	1	24	}	;											
Line	(3	11	)	=	{	2	4,		34	}	;											
Line	Lo	op	(	11	L)	-	-	{ :	21	,		3	1(	),		-:	22	,	-	- 3	1]	; ;
Line	Lo	op	(	12	2)	-	=	{	22	·		3	11	L,		-1	23	,	-	- 3	2]	};
Line	LO	op		14	±) 5)		_	1.	23 26	;		с 2	8		_	2'	°, 7		23	14	11	
Line	Lo	qo qo	(	21	L)		_	1	31			1	2.		_	3,	4.		-1	.1	};	
Line	Lo	op	(	22	2)		=	ł.	32	i,		1	з,	,	_	3!	5,		-1	.2	;;	;
Line	Lo	op	(	24	1)	-	=	{ ;	31	. 0	,		-1	L 6	,		- 3	37	,	1	5]	};
Line	Lo	op	(	25	5)	-	-	{:	31	.1	'		-1	L 7	'		-3	88	'	1	6]	};
Line	Lo	op	(	31	L)	-	=	{ :	11	,		2	5,	,	1	5	,	-	21	. }	;	
Line	Lo	op	(	32	2)	1	=	{	12	,		2	6,		1	6	,	-	22	}	;	
Line	LO	op	(	3:	5)		=	{.	13	5,		2	1,		Ţ	1	'	-	23	; }	;	
Plane	s	ur	fa	ce	2	(	11	)	-	-	ł	1	1	;								
Plane	ະລ	ur	ia f-	Ce	9	()	12 11	)		-	{	1 1	2	;;								
Plane	e S	ur	fa	Ce	2	() ()	15	)	-	-	1 {	1	5	;								
Plane		ur	fa	CF	e	C	21	)	=		ł	2	1	:								
Plane	e S	ur	fa	ce	Э	(	22	)	=	-	ł	2	2	;								
Plane	s	ur	fa	Ce	Э	(	24	)	=	-	{	2	4	;								
Plane	e S	ur	Ía	Ce	9	()	25	)	=	-	{	2	5	;								
Plane	s	ur	fa	ce	e	(	31	)	=	-	{	3	1	;								
Plane	e S	ur	fa £.	ce	9	(	32	)	=	-	{	3	2	;								
riane	e S	ur	гa	Ce	2	(	ゴゴ	)	=	=	t	3	3	; ;								

Surface Loop (2) = {12, 15, 22, 25, 32, 33}; Surface Loop (3) = {11, 14, 21, 24, 31, 32};
Volume (2) = {2}; Volume (3) = {3};
// Mesh specifications Transfinite Curve {12, 13, 16, 17} = 9; // n_x Transfinite Curve {22, 23, 26, 27} = 3; // n_y
Transfinite Surface {32};
<pre>// Marking Physical Volume ("guide", 2) = {2}; Physical Volume ("sub", 3) = {3}; Physical Surface ("bottom", 4) = {31}; Physical Surface ("y0subsurface", 5) = {21}; Physical Surface ("y0guidesurface", 6) = {22};</pre>
<pre>Periodic Surface {24} = {21} Translate {0, m_h, 0}; Periodic Surface {25} = {22} Translate {0, m_h, 0}; Periodic Surface {14} = {11} Translate {lambda, 0, 0}; Periodic Surface {15} = {12} Translate {lambda, 0, 0};</pre>

Betik 1. twolayer.geo

Betik 1'in gmsh ile çalıştırılmasından twolayer.msh oluşur ve dolfin-convert komutu yardımıyla twolayer.xml'e çevrilir ve **Şekil 2**'de THE ağı gösterilmektedir.



Şekil 2. THE (sol, tekrar gösterim) ve gmsh ile yaratılan THE ağı (sağ)

FEniCS'in kullanıldığı saw\_rve\_ln\_silica.py Betik 2 ile başlamaktadır. Öncelikle FEniCS'in içindeki bütün fonksiyonlar yüklenmiştir. Sonrasında varyasonal formların kodalanabilmesi için indisler ufl kütüphanesinden çağırılmıştır.

```
from fenics import *
from ufl import i, j, k, l, p, q, r, s
```

```
Betik 2. Çağırılan kütüphaneler
```

Özdeğer çözüsünün ve THE geometrisinin parametreleri Betik 3'de verilmiştir. freq değeri özdeğer çözücüsüne giden hedef frekans değeridir. Bu değer lmbda açısal hızına çevrilmektedir. N\_eig çözücüye giden hedef frekansın üstünde bulunacak özdeğer sayısıdır. xmin, xmax, vb. değerler THE geometrisinin ölçüleridir.

```
freq = 30 # 1 / mus
lmbda = (2*np.pi*freq)**2 # rad / mus2
N_eig = 50 # number of eigenvalues
xmin = 0; ymin = 0; zmin = 0 # mum
xmax = 104; ymax = 20; # mum
```

PSK bir class olarak Python3'de Betik 4 ile implemente edilmiştir. PSK sayesinde seçilen karşılıklı yüzeylerdeki çözülen serbestlik dereceleri aynı olmaktadır.

```
TOL = 1E-10
# class used to define the periodic boundary map
class PeriodicBoundary(SubDomain):
def inside(self, x, on_boundary):
return bool( on_boundary and
(
    (near(x[0], xmin, TOL) and not ( near(x[1], ymax, TOL) and near(x[0], xmin, TOL) ) )
or ( near(x[1], ymin, TOL) and not ( near(x[1], ymin, TOL) and near(x[0], xmax, TOL) ) )
)
def map(self, x, y):
if near(x[1], ymax, TOL) and near(x[0], xmax, TOL):
y[0] = x[0] - (xmax-xmin)
y[1] = x[1] - (ymax-ymin)
y[2] = x[2]
elif near(x[0], xmax, TOL):
y[0] = x[0] - (xmax-xmin)
y[1] = x[1]
y[2] = x[2]
else:
y[0] = x[0]
y[0] = x[0]
y[1] = x[1] - (ymax-ymin)
y[2] = x[2]
else:
y[0] = x[0] - (xmax-xmin)
y[1] = x[1] - (ymax-ymin)
y[2] = x[2]
else:
y[0] = x[0]
```

Betik 4. PSK class'1

Alttaş 64YX-kesim lityum niyobat (LN), katman ise silisyum dioksit (silika) olarak seçilmektedir [12]. Kesimden dolayı dönüştürülmeyen piezoelektrik malzeme parameterleri [13]'den alınmıştır. Silika için homojen izotropik elastik matrisi yapısı kullanılmıştır.

#### 2.1. Varyasyonel formülasyon

Denklem -, indis notasyonu kullanılarak problemin güçlü formunu göstermektedir. Problem üç boyutlu ortamda tanımlandığı için *i* indisi {1,2,3} sayılarını alır. Denklem -'de verilen semboller kütle yoğunluğunu,  $\rho$  (mg/µm<sup>3</sup>), mekanik deplasmanı,  $u_i$  (µm), mekanik gerilmeyi,  $\sigma_{ji}$  (TPa), ivmeyi,  $\ddot{u}_i$  (µm/µs<sup>2</sup>), elektriksel deplasmanı ,  $D_i$  (µC/µm<sup>2</sup>), elektriksel potansiyeli,  $\phi$  (V), çözülen objenin iç hacmini,  $\Omega$ , ve çözülen objenin hacmin dış sınırını,  $\partial\Omega$ , temsil eder.

$\rho \ddot{u}_i - \sigma_{ji,j} = 0, \Omega$ içerisinde	(1	1)	)
----------------------------------------------------------	----	----	---

$$D_{i,i} = 0, \Omega$$
 içerisinde (2)

$$u_i = U_i \text{ ve } \phi = \phi, \partial \Omega \text{ üzerinde}$$
 (3)

Güçlü formdaki Denklem 1 tüm hacimde geçerli olan lineer momentum dengesidir. Denklem 2, iletken olmayan maddelerdeki elektriksel deplasmanın konuma bağlı değişmediğinin ifadesidir. Denklem 3 ise sırasıyla mekanik deplasmanların ve elektriksel potansiyelin sınır bölgelerde önceden tanımlanmış değerler,  $U_i$  ve  $\Phi$ , olarak verildiğini göstermektedir.

 $\sigma_{ij}$ , Hooke yasasına ve piezoelektrik efektine bağlıdır. Denklem 4'de bu fenomen bünye denklemi olarak; elastik modül,  $C_{ijkl}$  (TPa), gerinim,  $\varepsilon_{kl}$ , elektromekanik kuplaj katsayısı,  $\mathcal{T}_{kij}$  (TPa/V-µm), ve elektriksel alan vektörü,  $E_k$  (V/µm) ile verilmektedir.

$$\sigma_{ij} = C_{ijkl} \varepsilon_{kl} - \mathcal{T}_{kij} E_k \tag{4}$$

Piezoelektrik malzemenin mikro seviyede oluşan elektriksel alan vektör olan  $D_i$ , Denklem 5 ile bünyesel olarak ifade edilmektedir. Denklem 5'de yeni gösterilen ifade elektriksel geçirgenliktir,  $\epsilon_{ik}$ .

$$D_i = \mathcal{T}_{ikl}\varepsilon_{kl} + \epsilon_{ik}E_k \tag{5}$$

 $\varepsilon_{kl}$  ve  $E_k$  sırasıyla Denklem 6 ve 7 ile tanımlanmıştır.  $\varepsilon_{kl}$ 'nin FEniCS kodu **Betik 5**'de verilmiştir.

$$\varepsilon_{kl} = \frac{1}{2} \left( \frac{\partial u_k}{\partial x_l} + \frac{\partial u_l}{\partial x_k} \right) \tag{6}$$

$$E_k = -\phi_{,k} \tag{7}$$

#### Betik 5. Denklem 'nın kodu

Problemin varyasyonel forma çevrilmesi prosedürü basitçe Denklem 'ü mekanik değişken test fonksiyonuyla,  $\delta u_i$ , çarpmaktır. Denklem de benzer şekilde elektriksel potansiyel test fonksiyonuyla,  $\delta \phi$ , çarpılır. Gauss diverjans yöntemi kullanılır ve Denklem 4 ve 5'deki bünye denklemleri kullanılarak Denklem 8 elde edilir.

Vektörel ve skalar çözüm değişkenleri için sırasıyla Ue ve Ve *Continuous Galerkin* sonlu elemanları **Betik 6**'de tanımlanmıştır.  $u_i$ ,  $\phi$ ,  $\delta u_i$  ve  $\delta \phi$  fonksiyonlarını tanımlayabilmek için fonksiyon kümeleri, PSK'nın Betik 4 ile dahil edilmesiyle, Wu ve We olarak oluşturulmuştur.  $u_i$ , phi\_, du ve dphi sırasıyla  $u_i$ ,  $\phi$ ,  $\delta u_i$  ve  $\delta \phi$  olarak tanımlanmıştır.

```
Ue = VectorElement("CG", mesh.ufl_cell(), 1)
Ve = FiniteElement("CG", mesh.ufl_cell(), 1)
Wu = FunctionSpace(mesh, Ue, constrained_domain=PeriodicBoundary())
We = FunctionSpace(mesh, Ve, constrained_domain=PeriodicBoundary())
u_ = TestFunction(Wu); phi_ = TestFunction(We)
du = TrialFunction(Wu); dphi = TrialFunction(We)
```

Betik 6. Test ve Trial fonksiyon tanımlamaları

$$\int_{\Omega} \left( \rho \ddot{u}_i \delta u_i + C_{ijkl} \varepsilon_{kl} \delta u_{i,j} - \mathcal{T}_{kij} E_k \delta u_{i,j} + \mathcal{T}_{ikl} \varepsilon_{kl} \phi_{,i} + \epsilon_{ik} E_k \delta \phi_{,i} \right)_{\mathrm{d}} V = 0$$
<sup>(8)</sup>

Denklem 8'deki ifadelerden bazıları ilgilenilen sistemin sertliğini ve kütlesel yapısını oluşturur. Sonlu elemanlar metodu kullanılarak Denklem 8'den sistemin sertlik ve kütle matrisleri k\_uu, k\_up, k\_pp ve M\_form olarak FEniCS ile **Betik 7**'de derlenmektedir. k\_pu derlenmemiştir çünkü k\_up'nin transpozudur. İvme ifadesi,  $\ddot{u}_i$ , iki tane kısmi zaman türevi içermektedir.  $u_j$  ve  $\phi$  sırasıyla değişken ayrımıyla Denklem ve ile gösterilirmektedir. Buradaki üstel ifadeler zaman içindeki döngüsel değişimi temsil etmektedir. Bütün değişkenler Denklem 9 ve 10'da üstel ifadeyle yazılabilir ve dolayısıyla zamana bağlı bileşen sadeleşebilir. Bu sebeple ivme ifadesi  $\ddot{u}_i = -\omega^2 u_i$  olarak yeniden yazılmıştır.

$$u_i(x,t) = u_i(x)e^{-j\omega t}$$
(9)

$$\phi(x,t) = \phi(x)e^{-j\omega t} \tag{10}$$

k_uu = C_s[i, j, k, l]*epsl(du)[k,l]*epsl(u_)[i,j]*dV(3) + C_g[i, j, k, l]*epsl(du)[k,l]*epsl(u_)[i,j]*dV(2)
k_up = -Ttilde_s[k, i, j]*(-dphi.dx(k))*eps1(u_)[i,j]*dV(3) -Ttilde_g[k, i, j]*(-dphi.dx(k))*eps1(u_)[i,j]*dV(2)
k_pp = -eps_0 * eps_rel_el_s[i, j]*(-dphi.dx(i))*(-phidx(j))*dV(3) -eps_0 * eps_rel_el_g[i, j]*(-dphi.dx(i))*(-ph
M_form = rho_0_s*u_[j]*du[j]*dV(3) + rho_0_g*u_[j]*dU[j]*dV(2)
M_, K_UU, K_UP, K_PU, K_PP = EigenMatrix(), EigenMatrix(), EigenMatrix(), EigenMatrix(), EigenMatrix()
assemble(k_uu , tensor = K_UU, keep_diagonal=True)
assemble(k_up , tensor = K_UP, keep_diagonal=True)
assemble(k_pp , tensor = K_PP, keep_diagonal=True)
assemble(M_form , tensor = M_, keep_diagonal=True)

Betik 7. Denklem Hata! Başvuru kaynağı bulunamadı.'deki sertlik ve kütle matrislerinin derlenmesi

THE'nin alt yüzeyi Betik 8 ile sabitlenmiştir.

```
bc1 = DirichletBC(Wu, Constant((0,0,0)), facets, 4)
bc1.apply(K_UU)
bc1.apply(K_UP)
bc1.apply(M_)
```

Betik 8. Dirichlet sınır koşulu uygulaması

**Betik 7**'de derlenen matrisler Denklem 'de cebirsel bir genel özdeğer problemi tanımında yazılmıştır.  $\hat{u}$  ve  $\hat{\phi}$  değişkenleri bütün sistemin serbestlik derecelerini içeren vektörlerdir.

$$\begin{pmatrix} \begin{bmatrix} K_{uu} & K_{u\phi} \\ K_{\bar{u}\phi} & K_{\phi\phi} \end{bmatrix} - \omega^2 \begin{bmatrix} M & 0 \\ 0 & 0 \end{bmatrix} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \hat{u} \\ \hat{\phi} \end{pmatrix} = 0$$
 (11)

Denklem 11 kullanılarak yeni bir sertlik matrisi oluşturan statik yoğuşma yapılmıştır ve yeni genel özdeğer problemi Denklem 13 ile verilmiştir.

$$K = K_{uu} - K_{u\phi} K_{\phi\phi}^{-1} K_{u\phi \mathrm{T}}$$
<sup>(12)</sup>

$$(K - \omega^2 M)\mathfrak{u} = 0 \tag{13}$$

*û*'nun çözümü için kullanılan çözücü ve parametreleri **Betik 9**'da verilmiştir. Çözücü kütüphanesi olarak SLEPc kullanılmaktadır ve çözücü parametrelerine verilen değerler problemin bünyesel nitelikleriyle alakalıdır. Kullanılan matrisler Hermitian tipindedir, yani transpozu kendisinin kompleks eşleniğidir ve bundan dolayı gen\_hermitian parametresi verilmiştir. arpack çözücüsü iteratif yöntemler kullanır ve hedef özdeğer olan spectral\_shift üzerinde N\_eig tane özdeğer bulur. target\_real, hesaplanan özdeğerlerin reel kısmının spectral\_shift'e yakın olanlarının bulmasını söyleyen tayf parametresidir. shift-and-invert, arpack için kullanılan özdeğer problem dönüşüm yöntemidir.

```
eigensolver = SLEPcEigenSolver(K_pet, M_pet)
eigensolver.parameters['problem_type'] = 'gen_hermitian'
eigensolver.parameters["spectrum"] = "target real"
eigensolver.parameters['spectral_transform'] = 'shift-and-invert'
eigensolver.parameters['solver'] = 'arpack'
eigensolver.parameters['spectral_shift'] = lmbda
eigensolver.solve(N_eig)
```

Betik 9. Özdeğer çözücüsü kurulumu ve parametreleri

# 3. SONUÇ

30 Mhzden başlayan frekans taramalı çözümde bulunan kip frekans ve hız değerleri **Tablo 1**'de verilmiştir. Yığınsal, kesme, kalınlık ve Love dalga tipleri olmak üzere altı farklı sonuç bulunmuştur. Dalga hızları Denklem 14 ile hesaplanmıştır.

$$v = \lambda f \tag{14}$$

**Şekil 3**, dalga tiplerini göstermektedir. Love dalgası 41.5657 MHz'de bulunmuştur ve dalga hızı 4322.83 m/s'dir.

	0	, 0	
Özdeğer sayısı	Özdeğer frekansı (MHz)	Dalga hızı (m/s)	Dalga tipleri
1	38.5505	4009.25	Yığınsal
2	40.6008	4222.48	Kesme
3	41.5657	4322.83	Love
4	43.2792	4501.04	Kalınlık

Tablo 1. Özdeğer problem çözümü değerleri ve tipleri



38.5505 MHz 40.6008 MHz 41.5657 MHz 43.2792 MHz 44.7757 MHz 48.4617 MHz **Sekil 3.** Deplasmanları temsil eden özvektörler Tablo 1'deki gibi sıralanmışlardır.

#### 4. KAYNAKLAR

- Alnæs, M., Blechta, J., Hake, J., Johansson, A., Kehlet, B., Logg, A., Richardson, C., Ring, J., Rognes, M.E. and Wells, G.N., 2015. The FEniCS project version 1.5. Archive of numerical software, 3(100).
- [2] Liu, B., Chen, X., Cai, H., Ali, M.M., Tian, X., Tao, L., Yang, Y. and Ren, T., 2016. Surface acoustic wave devices for sensor applications. Journal of semiconductors, 37(2), p.021001.
- [3] Go, D.B., Atashbar, M.Z., Ramshani, Z. and Chang, H.C., 2017. Surface acoustic wave devices for chemical sensing and microfluidics: a review and perspective. Analytical methods, 9(28), pp.4112-4134.
- [4] Mandal, D. and Banerjee, S., 2022. Surface acoustic wave (SAW) sensors: Physics, materials, and applications. Sensors, 22(3), p.820.
- [5] Du, J., Harding, G.L., Ogilvy, J.A., Dencher, P.R. and Lake, M., 1996. A study of Lovewave acoustic sensors. Sensors and Actuators A: Physical, 56(3), pp.211-219.
- [6] Rocha-Gaso, M.I., Fernandez-Diaz, R., Arnau-Vives, A. and March-Iborra, C., 2010, June. Mass sensitivity evaluation of a Love wave sensor using the 3D finite element method. In 2010 IEEE international frequency control symposium (pp. 228-231). IEEE.
- [7] Wang, Z., Cheeke, J.D.N. and Jen, C.K., 1994. Sensitivity analysis for Love mode acoustic gravimetric sensors. Applied physics letters, 64(22), pp.2940-2942.
- [8] Rocha, M.I.G., Jimenez, Y., Laurent, F.A. and Arnau, A., 2013. Love wave biosensors: a review. State of the Art in Biosensors-General Aspects.
- [9] Fu, Y.Q., Luo, J.K., Nguyen, N.T., Walton, A.J., Flewitt, A.J., Zu, X.T., Li, Y., McHale, G., Matthews, A., Iborra, E. and Du, H., 2017. Advances in piezoelectric thin films for acoustic biosensors, acoustofluidics and lab-on-chip applications. Progress in Materials Science, 89, pp.31-91.
- [10] Geuzaine, C. and Remacle, J.F., 2009. Gmsh: A 3-D finite element mesh generator with built-in pre-and post-processing facilities. International journal for numerical methods in engineering, 79(11), pp.1309-1331.
- [11] Ayachit, U., 2015. The paraview guide: a parallel visualization application. Kitware, Inc..

- [12] Zhang, J., Zhang, X., Wei, X., Xue, Y., Wan, H. and Wang, P., 2021. Recent advances in acoustic wave biosensors for the detection of disease-related biomarkers: A review. Analytica Chimica Acta, 1164, p.338321.
- [13] Kushibiki, J.I., Takanaga, I., Arakawa, M. and Sannomiya, T., 1999. Accurate measurements of the acoustical physical constants of LiNbO/sub 3/and LiTao/sub 3/single crystals. IEEE transactions on ultrasonics, ferroelectrics, and frequency control, 46(5), pp.1315-1323.